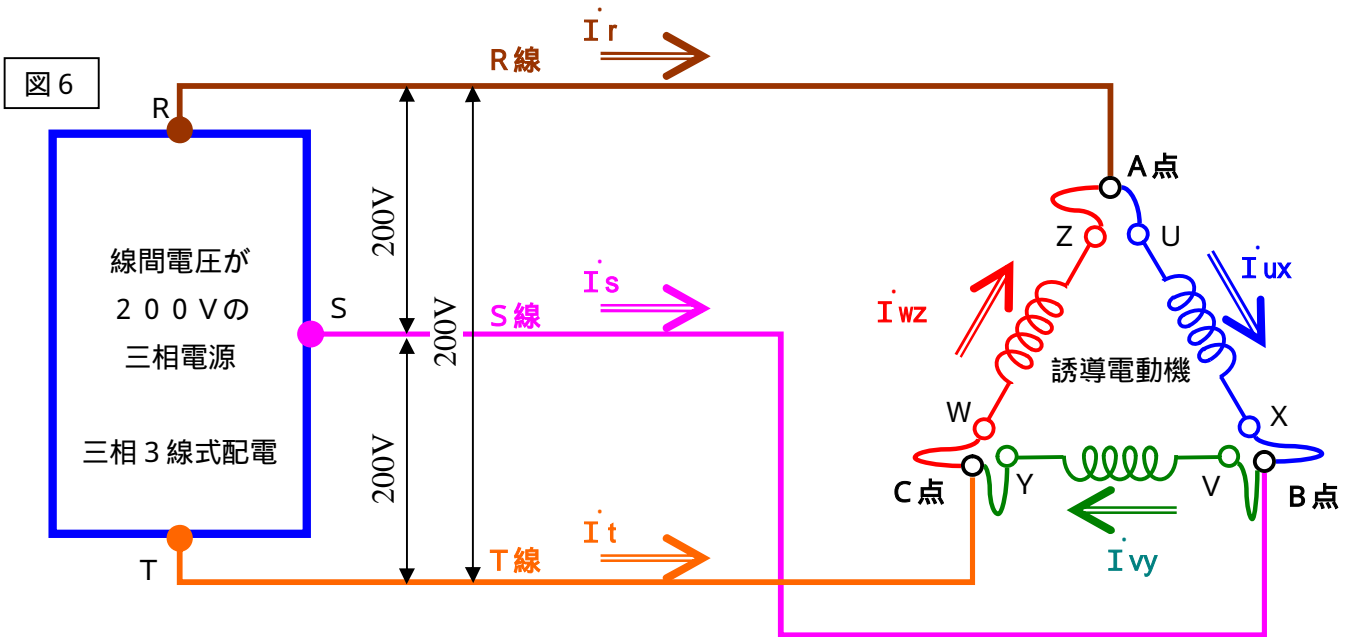


デルタに接続した場合の巻き線電流の算出方法です。
 巻線電流は線電流の1/3倍になります。これを証明します。
 前ページの図6を使って説明します。



A点に注目してキルヒホッフの原理を導入し、流入する電流をプラス、流出する電流をマイナスとすると下記の方程式が得られます。

$$\dot{I}_r + \dot{I}_{wz} - \dot{I}_{ux} = 0$$

これを变形して $\dot{I}_r =$ の式に書き換えると下記になります。

$$\dot{I}_r = \dot{I}_{ux} - \dot{I}_{wz} \quad \text{--- 式}$$

同様にB点、C点に注目して下記の等式を得ます。

$$\dot{I}_s = \dot{I}_{vy} - \dot{I}_{ux} \quad \text{--- 式}$$

$$\dot{I}_t = \dot{I}_{wz} - \dot{I}_{vy} \quad \text{--- 式}$$

このままでは当然の話としてこの方程式は解けません。

(変数が6個有って、関係式が3個しか無い。従って絶対に解けない。)

ここで出来るだけ計算を簡略化して、解答を導き出す事を考えます。

線電流 \dot{I}_r を見て、 $|\dot{I}_r| = I$ と置きます。

同様に \dot{I}_s 及び \dot{I}_t も $|\dot{I}_s| = I$ 、 $|\dot{I}_t| = I$ と置きます。(電流の絶対値は全部同じ。)

ここで、 \dot{I}_r を基準ベクトルとすると、上記の式 ~ は次のように変形できます。

$$I \angle 0^\circ = \dot{I}_{ux} - \dot{I}_{wz} \quad \text{--- 式}$$

$$I \angle -120^\circ = \dot{I}_{vy} - \dot{I}_{ux} \quad \text{--- 式}$$

$$I \angle -240^\circ = \dot{I}_{wz} - \dot{I}_{vy} \quad \text{--- 式}$$

さらにこの式をベクトルオペレータを使って変形します。

ベクトルオペレータとは 120° ずつ位相のずれたベクトルを扱う時に使用する複素数です。

次ページに解説を記載します。

ベクトルオペレータを と書きます。

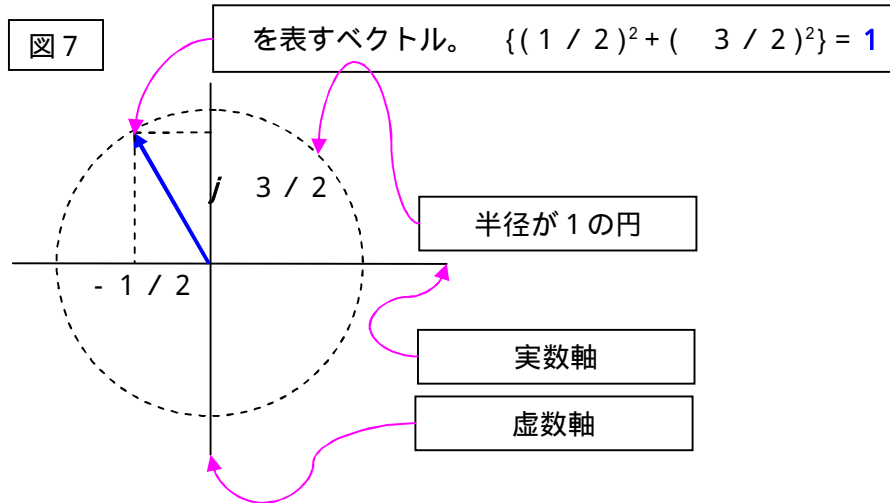
$$= -1/2 + j 3/2 \text{ という複素数です。}$$

これは下図の値を持つ長さが1のベクトルです。

つまり、 $1 \angle 120^\circ$ (長さが1、角度が120度) と等価です。

又、 120° は -240° と等しくなりますので、 は下記のように書けます。

$$= -1/2 + j 3/2 = 1 \angle 120^\circ = 1 \angle -240^\circ$$



²は次のようになります。

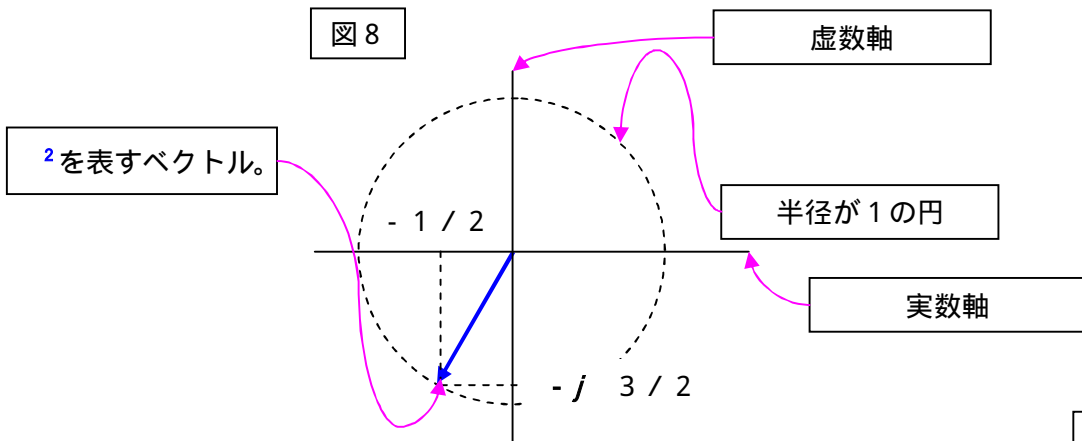
$$= -1/2 + j 3/2 \text{ だから}$$

$$^2 = (-1/2 + j 3/2) \text{ の2乗}$$

$$= 1/4 - j 3/2 - 3/4$$

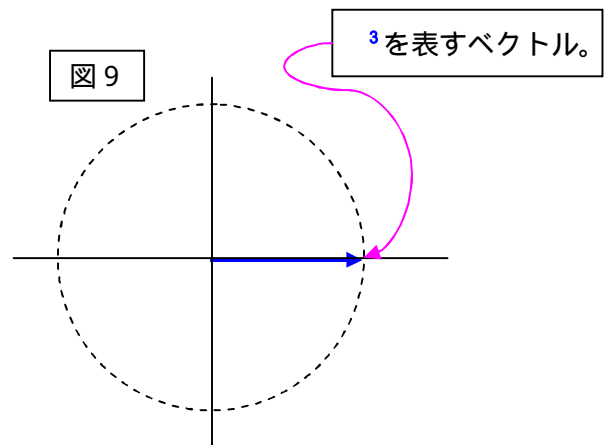
$$= -1/2 - j 3/2$$

$$= 1 \angle 240^\circ = 1 \angle -120^\circ$$



³は ²がさらに反時計回りに120°回ります。

つまり ³ = 1です。



ベクトルオペレータを導入して6ページの式を変形します。

$$I \angle 0^\circ = \dot{I}_{ux} - \dot{I}_{wz} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$I \angle -120^\circ = \dot{I}_{vy} - \dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$I \angle -240^\circ = \dot{I}_{wz} - \dot{I}_{vy} \quad \dots \quad \text{式}$$

を使うと上の式の左辺は次のように変形できます。

$$I \angle 0^\circ = I$$

$$I \angle -120^\circ = {}^2I$$

$$I \angle -240^\circ = I$$

従って、～式は下記のようになります。

$$I = \dot{I}_{ux} - \dot{I}_{wz} \quad \dots \quad \text{式}$$

$${}^2I = \dot{I}_{vy} - \dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$I = \dot{I}_{wz} - \dot{I}_{vy} \quad \dots \quad \text{式}$$

今度は右辺の変形を試みます。

巻線コイルに流れる電流の電流値は未だ解りません。

しかし、3つの電流 \dot{I}_{ux} , \dot{I}_{vy} , \dot{I}_{wz} の絶対値は総て同じで、且つ位相が 120° ずつ、ずれている事は解っています。

従って \dot{I}_{ux} を基準にすれば \dot{I}_{vy} と \dot{I}_{wz} はベクトルオペレータ を使って次のように書けます。

$$\dot{I}_{vy} = {}^2\dot{I}_{ux}$$

$$\dot{I}_{wz} = \dot{I}_{ux}$$

この式を～式に代入します。

$$I = \dot{I}_{ux} - \dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

$${}^2I = {}^2\dot{I}_{ux} - \dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$I = \dot{I}_{ux} - {}^2\dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

式を変形します。

$$I = \dot{I}_{ux} - \dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$I = (1 - {}^2) \cdot \dot{I}_{ux}$$

$= -1/2 + j \sqrt{3}/2$ ですから、

$$I = \{1 - (-1/2 + j \sqrt{3}/2)\} \cdot \dot{I}_{ux}$$

$$I = (3/2 - j \sqrt{3}/2) \cdot \dot{I}_{ux}$$

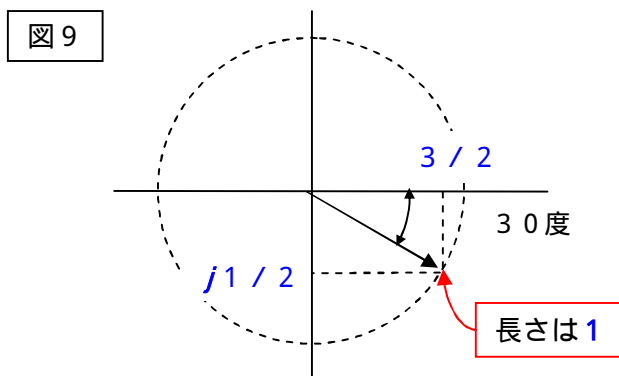
$$\dot{I}_{ux} = I / (3/2 - j \sqrt{3}/2)$$

$$\dot{I}_{ux} = I / \{ \sqrt{3} \times (\underline{3/2 - j1/2}) \} \quad \leftarrow \text{結果が解っているなのでこのような不思議な変換が出来ます。}$$

この式のアンダーラインの部分 ($\underline{3/2 - j1/2}$) に注目します。

これをベクトル座標に書いてみると下記の様になります。

長さが1で 30° 遅れのベクトルになっています。



従って、この式は次のように変改できます。

$$\dot{I}_{ux} = \mathbf{I} / \{ \sqrt{3} \times (\frac{\sqrt{3}}{2} - j\frac{1}{2}) \} \quad \leftarrow \text{元の式}$$

$\frac{\sqrt{3}}{2} - j\frac{1}{2} = 1 \angle -30^\circ$ と書けますから、

$$\dot{I}_{ux} = \mathbf{I} / (\sqrt{3} \times 1 \angle -30^\circ)$$

$$\dot{I}_{ux} = (\mathbf{I} / \sqrt{3}) \times 1 \angle +30^\circ$$

この式は次のように読めます。

\dot{I}_{ux} は大きさが \mathbf{I} の $1 / \sqrt{3}$ で位相が 30° 進んでいる。

両辺の絶対値を取れば、

$$|\dot{I}_{ux}| = |\mathbf{I} / \sqrt{3}| \text{ となります。}$$

つまり巻線に流れる電流の大きさは、線電流の $1 / \sqrt{3}$ 倍です。

これが求めていた結論です。